

# BEAMER

## HNUSNÁ MODRÁ

Minule sme sa naučili vytvárať veľmi jednoduché prezentácie. Teraz sa zameriame na úpravu vzhľadu prezentácie. Tomuto účelu slúžia rôzne témy. Aktivujú sa príkazom `\usetheme{téma}`. Témy majú názvy podľa miest. V nasledujúcej ukážke to bude `\usetheme{Madrid}`. Tento jediný príkaz sme vložili do zdrojového súboru `zaciname.tex`, ktorý sme minule vytvorili. A tu je výsledok:

```
\documentclass{beamer}
\usepackage[slovak]{babel}
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage[IL2]{fontenc}
\usepackage{lmodern}
\beamertemplatenavigationsymbolsempthy
\usetheme{Madrid}
\begin{document}
\title{Poznámka o iracionálnych rovníciach s parametrom}
\author{Jozef Doboš}
\date{}
\maketitle

\begin{frame}
\frametitle{Limes superior postupnosti}

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ľubovoľná ohraničená po
Definujme  $b_n = \sup_{k \geq n} a_k = \sup\{a_k : k \geq n\}$  p
 $n \in \mathbb{N}$ . Pretože

$$\sup_{k \geq n+1} a_k \leq \sup_{k \geq n} a_k,$$

postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená a nerastúca.
Preto postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je konvergentná.
Jej limita sa volá limes superior postupnosti
 $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  a označuje sa
 $\limsup \lim_{n \rightarrow \infty} a_n$ . Teda

$$\limsup \lim_{n \rightarrow \infty} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} (\sup_{k \geq n} a_k).$$


\begin{block}{Veta}
Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená postupnosť r
čísel. Potom platí  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = a$  práve vt
pre každé  $\varepsilon > 0$  existuje nekonečne veľa index
pre ktoré platí  $a_n > a - \varepsilon$  a najviac konečne v
 $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a + \varepsilon$ .
\end{block}

\end{frame}

\end{document}
```

### Poznámka o iracionálnych rovníciach s parametrom

Jozef Doboš

Jozef Doboš

Poznámka o iracionálnych rovníciach s param

1 / 2

### Limes superior postupnosti

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ľubovoľná ohraničená postupnosť. Definujme  $b_n = \sup_{k \geq n} a_k = \sup\{a_k : k \geq n\}$  pre každé  $n \in \mathbb{N}$ . Pretože

$$\sup_{k \geq n+1} a_k \leq \sup_{k \geq n} a_k,$$

postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená a nerastúca. Preto postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je konvergentná. Jej limita sa volá *limes superior* postupnosti  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  a označuje sa  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n$ . Teda

$$\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} (\sup_{k \geq n} a_k).$$

#### Veta

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená postupnosť reálnych čísel. Potom platí  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = a$  práve vtedy, keď pre každé  $\varepsilon > 0$  existuje nekonečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a - \varepsilon$  a najviac konečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a + \varepsilon$ .

Jozef Doboš

Poznámka o iracionálnych rovníciach s param

2 / 2

Pre porovnanie si ukážeme aj niektoré iné témy. Je ich oveľa viac, ale na ilustráciu to hádam stačí.

```

\documentclass{beamer}
\usepackage[slovak]{babel}
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage[IL2]{fontenc}
\usepackage{lmodern}
\beamertemplatenavigationsymbolsempy
\usetheme{Berkeley}
\begin{document}
\title{Poznámka o iracionálnych rovniciach s parametrom}
\author{Jozef Doboš}
\date{}
\maketitle

\begin{frame}
\frametitle{Limes superior postupnosti}

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ľubovoľná ohraničená po
Definujme  $b_n = \sup_{k \geq n} a_k = \sup\{a_k : k \geq n\}$  p
 $\mathbb{N}$ . Pretože
$$
\sup_{k \geq n+1} a_k \leq \sup_{k \geq n} a_k,
$$
postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená a nerastúca.
Preto postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je konvergentná.
Jej limita sa volá limes superior postupnosti
 $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  a označuje sa
 $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n$ . Teda
\[
\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n
= \lim_{n \rightarrow \infty} (\sup_{k \geq n} a_k).
\]

\begin{block}{Veta}
Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená postupnosť r
čísel. Potom platí  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = a$  práve vt
pre každé  $\varepsilon > 0$  existuje nekonečne veľa index
pre ktoré platí  $a_n > a - \varepsilon$  a najviac konečne v
 $\mathbb{N}$ , pre ktoré platí  $a_n > a + \varepsilon$ .
\end{block}

\end{frame}

\end{document}

```

`\usetheme{Berkeley}`

Poznámka o iracionálnych rovniciach s parametrom

Jozef Doboš

Limes superior postupnosti

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ľubovoľná ohraničená postupnosť. Definujme  $b_n = \sup_{k \geq n} a_k = \sup\{a_k : k \geq n\}$  pre každé  $n \in \mathbb{N}$ . Pretože

$$\sup_{k \geq n+1} a_k \leq \sup_{k \geq n} a_k,$$

postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená a nerastúca. Preto postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je konvergentná. Jej limita sa volá *limes superior* postupnosti  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  a označuje sa  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n$ . Teda

$$\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} (\sup_{k \geq n} a_k).$$

**Veta**

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená postupnosť reálnych čísel. Potom platí  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = a$  práve vtedy, keď pre každé  $\varepsilon > 0$  existuje nekonečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a - \varepsilon$  a najviac konečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a + \varepsilon$ .

```

\documentclass{beamer}
\usepackage[slovak]{babel}
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage[IL2]{fontenc}
\usepackage{lmodern}
\beamertemplatenavigationsymbolseempty
\usetheme{Marburg}
\begin{document}
\title{Poznámka o iracionálnych rovníciach s parametrom}
\author{Jozef Doboš}
\date{}
\maketitle

\begin{frame}
\frametitle{Limes superior postupnosti}

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ľubovoľná ohraničená postupnosť reálnych čísel. Definujme  $b_n = \sup_{k \geq n} a_k = \sup\{a_k : k \geq n\}$  pre každé  $n \in \mathbb{N}$ . Pretože

$$\sup_{k \geq n+1} a_k \leq \sup_{k \geq n} a_k,$$

postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená a nerastúca. Preto postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je konvergentná. Jej limita sa volá limes superior postupnosti  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  a označuje sa  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n$ . Teda

$$\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} (\sup_{k \geq n} a_k).$$


\begin{block}{Veta}
Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená postupnosť reálnych čísel. Potom platí  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = a$  práve vtedy, keď pre každé  $\varepsilon > 0$  existuje nekonečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a - \varepsilon$  a najviac konečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a + \varepsilon$ .
\end{block}

\end{frame}

\end{document}

```

## Poznámka o iracionálnych rovníciach s parametrom

Jozef Doboš

Poznámka o iracionálnych rovníciach s parametrom  
Jozef Doboš

### Limes superior postupnosti

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ľubovoľná ohraničená postupnosť. Definujme  $b_n = \sup_{k \geq n} a_k = \sup\{a_k : k \geq n\}$  pre každé  $n \in \mathbb{N}$ . Pretože

$$\sup_{k \geq n+1} a_k \leq \sup_{k \geq n} a_k,$$

postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená a nerastúca. Preto postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je konvergentná. Jej limita sa volá *limes superior* postupnosti  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  a označuje sa  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n$ . Teda

$$\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} (\sup_{k \geq n} a_k).$$

#### Veta

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená postupnosť reálnych čísel. Potom platí  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = a$  práve vtedy, keď pre každé  $\varepsilon > 0$  existuje nekonečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a - \varepsilon$  a najviac konečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a + \varepsilon$ .

Poznámka o iracionálnych rovníciach s parametrom  
Jozef Doboš

\usetheme{Marburg}

Myslím, že začína byť jasné, čo rozumiem pod slovami „hnusná modrá“.

```

\documentclass{beamer}
\usepackage[slovak]{babel}
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage[IL2]{fontenc}
\usepackage{lmodern}
\beamertemplatenavigationsymbolseempty
\usetheme{Berlin}
\begin{document}
\title{Poznámka o iracionálnych rovníciach s parametrom}
\author{Jozef Doboš}
\date{}
\maketitle

\begin{frame}
\frametitle{Limes superior postupnosti}

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ľubovoľná ohraničená postupnosť reálnych čísel. Definujme  $b_n = \sup_{k \geq n} a_k = \sup\{a_k : k \geq n\}$  pre každé  $n \in \mathbb{N}$ . Pretože

$$\sup_{k \geq n+1} a_k \leq \sup_{k \geq n} a_k,$$

postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená a nerastúca. Preto postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je konvergentná. Jej limita sa volá limes superior postupnosti  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  a označuje sa  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n$ . Teda

$$\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} (\sup_{k \geq n} a_k).$$


\begin{block}{Veta}
Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená postupnosť reálnych čísel. Potom platí  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = a$  práve vtedy, keď pre každé  $\varepsilon > 0$  existuje nekonečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a - \varepsilon$  a najviac konečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a + \varepsilon$ .
\end{block}

\end{frame}

\end{document}

```

Poznámka o iracionálnych rovníciach s parametrom

Jozef Doboš

Jozef Doboš  
Poznámka o iracionálnych rovníciach s parametrom

Limes superior postupnosti

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ľubovoľná ohraničená postupnosť. Definujme  $b_n = \sup_{k \geq n} a_k = \sup\{a_k : k \geq n\}$  pre každé  $n \in \mathbb{N}$ . Pretože

$$\sup_{k \geq n+1} a_k \leq \sup_{k \geq n} a_k,$$

postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená a nerastúca. Preto postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je konvergentná. Jej limita sa volá *limes superior* postupnosti  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  a označuje sa  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n$ . Teda

$$\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} (\sup_{k \geq n} a_k).$$

**Veta**

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená postupnosť reálnych čísel. Potom platí  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = a$  práve vtedy, keď pre každé  $\varepsilon > 0$  existuje nekonečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a - \varepsilon$  a najviac

Jozef Doboš  
Poznámka o iracionálnych rovníciach s parametrom

`\usetheme{Berlin}`

Všimnime si, že sa nám sem nezmestil celý text vety. Treba si na to dávať pozor.

Chceme zmeniť farbu? Stačí do preambuly vložiť tieto dva riadky<sup>1</sup>:

```
\definecolor{zelena}{HTML}{00823B}
\usecolortheme[named=zelena]{structure}
```

```
\documentclass{beamer}
\usepackage[slovak]{babel}
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage[IL2]{fontenc}
\usepackage{lmodern}
\beamertemplatenavigationsymbolsempy
\usetheme{Madrid}
\definecolor{zelena}{HTML}{00823B}
\usecolortheme[named=zelena]{structure}
\begin{document}
\title{Poznámka o iracionálnych rovniciach s parametrom}
\author{Jozef Doboš}
\date{}
\maketitle

\begin{frame}
\frametitle{Limes superior postupnosti}

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ľubovoľná ohraničená postupnosť reálnych čísel.
Definujme  $b_n = \sup_{k \geq n} a_k = \sup\{a_k : k \geq n\}$  pre každé  $n \in \mathbb{N}$ . Pretože
 $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená, existujú čísla  $M$  a  $m$  také, že
 $\sup_{k \geq n+1} a_k \leq \sup_{k \geq n} a_k$ ,
 $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená a nerastúca.
Preto postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je konvergentná.
Jej limita sa volá limes superior postupnosti
 $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  a označuje sa
 $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n$ . Teda

$$\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} (\sup_{k \geq n} a_k).$$


\begin{block}{Veta}
Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená postupnosť reálnych čísel.
Potom platí  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = a$  práve vtedy, keď
pre každé  $\varepsilon > 0$  existuje nekonečne veľa indexov  $n$ ,
pre ktoré platí  $a_n > a - \varepsilon$  a najviac konečne veľa indexov  $n$ ,
pre ktoré platí  $a_n > a + \varepsilon$ .
\end{block}

\end{frame}

\end{document}
```

## Poznámka o iracionálnych rovniciach s parametrom

Jozef Doboš

Jozef Doboš

Poznámka o iracionálnych rovniciach s param

1 / 2

## Limes superior postupnosti

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ľubovoľná ohraničená postupnosť. Definujme  $b_n = \sup_{k \geq n} a_k = \sup\{a_k : k \geq n\}$  pre každé  $n \in \mathbb{N}$ . Pretože

$$\sup_{k \geq n+1} a_k \leq \sup_{k \geq n} a_k,$$

postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená a nerastúca. Preto postupnosť  $(b_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je konvergentná. Jej limita sa volá *limes superior* postupnosti  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  a označuje sa  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n$ . Teda

$$\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} (\sup_{k \geq n} a_k).$$

### Veta

Nech  $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$  je ohraničená postupnosť reálnych čísel. Potom platí  $\limsup_{n \rightarrow \infty} a_n = a$  práve vtedy, keď pre každé  $\varepsilon > 0$  existuje nekonečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a - \varepsilon$  a najviac konečne veľa indexov  $n$ , pre ktoré platí  $a_n > a + \varepsilon$ .

Jozef Doboš

Poznámka o iracionálnych rovniciach s param

2 / 2

<sup>1</sup>Kód farby zistíte napr. na stránke <http://html-color-codes.info/>

Nájdite rozdiel:

Poznámka o iracionálnych rovniciach s parametrom

Jozef Doboš

Poznámka o iracionálnych rovniciach s parametrom

Jozef Doboš

Áno, dlhý názov prezentácie sa nezmestí do dolnej lišty.

Stačí použiť príkaz

```
\title[Skrátený názov prezentácie]{Názov prezentácie}
```

Teda namiesto

```
\title{Poznámka o iracionálnych rovniciach s~parametrom}
```

treba napísať

```
\title[Iracionálne rovnice s parametrom]{Poznámka  
o iracionálnych rovniciach s~parametrom}
```